

$$(3x - 5)(3x + 5) = -34 \quad | \quad (4x - 5)^2 = 9 - 40;$$

$$A(x; y; z) = \overline{\neg x \rightarrow y \vee z} \leftrightarrow \overline{\neg y \wedge (z \vee x)}$$

x	<i>w</i>	<i>w</i>	<i>w</i>	<i>F</i>	<i>w</i>	<i>w</i>	<i>w</i>	<i>F</i>
y	<i>w</i>	<i>w</i>	<i>F</i>	<i>F</i>	<i>w</i>	<i>w</i>	<i>F</i>	<i>F</i>
z	<i>w</i>	<i>F</i>	<i>w</i>	<i>F</i>	<i>w</i>	<i>F</i>	<i>w</i>	<i>F</i>
<i>y \vee z</i>	<i>w</i>	<i>w</i>	<i>w</i>	<i>F</i>	<i>w</i>	<i>w</i>	<i>w</i>	<i>F</i>
<i>\neg y</i>	<i>F</i>	<i>F</i>	<i>F</i>	<i>F</i>	<i>w</i>	<i>w</i>	<i>w</i>	<i>w</i>
<i>\neg x \rightarrow y \vee z</i>	<i>w</i>	<i>F</i>						
<i>z \vee x</i>	<i>w</i>	<i>w</i>	<i>w</i>	<i>w</i>	<i>w</i>	<i>F</i>	<i>w</i>	<i>F</i>
<i>\neg y</i>	<i>F</i>	<i>F</i>	<i>w</i>	<i>w</i>	<i>F</i>	<i>F</i>	<i>w</i>	<i>w</i>
<i>\neg y \wedge (z \vee x)</i>	<i>F</i>	<i>F</i>	<i>w</i>	<i>w</i>	<i>F</i>	<i>F</i>	<i>w</i>	<i>F</i>
<u>I ↔ II</u>	<i>F</i>	<i>F</i>	<i>w</i>	<i>w</i>	<i>F</i>	<i>F</i>	<i>w</i>	<i>w</i>

$$E[A] = \{(w, F), (w, F), (F, w), (F, F)\}$$

$$2) \quad \frac{7(a \leftarrow b \vee c) \leftrightarrow c}{\perp \quad \neg a \rightarrow b}$$

$a$	$\text{w}$	$\text{w}$	$\text{w}$	$\text{w}$	$\bar{\text{w}}$	$\bar{\text{w}}$	$\bar{\text{w}}$	$\bar{\text{w}}$	$\text{F}$
$b$	$\text{w}$	$\text{w}$	$\text{F}$	$\bar{\text{w}}$	$\text{w}$	$\text{w}$	$\bar{\text{w}}$	$\bar{\text{w}}$	$\bar{\text{w}}$
$c$	$\text{w}$	$\bar{\text{w}}$	$\text{w}$	$\bar{\text{w}}$	$\text{w}$	$\bar{\text{w}}$	$\bar{\text{w}}$	$\text{w}$	$\bar{\text{w}}$
<hr/>									
$\neg a$	$\text{w}$	$\text{w}$	$\text{w}$	$\text{F}$	$\text{w}$	$\text{w}$	$\text{w}$	$\text{w}$	$\text{F}$
$a \leftarrow b \vee c$	$\text{w}$	$\text{w}$	$\text{w}$	$\text{F}$	$\bar{\text{w}}$	$\bar{\text{w}}$	$\bar{\text{w}}$	$\text{w}$	$\text{w}$
$\neg(a \leftarrow b \vee c)$	$\text{F}$	$\text{F}$	$\bar{\text{w}}$	$\text{w}$	$\text{w}$	$\text{w}$	$\text{w}$	$\text{w}$	$\bar{\text{w}}$
<hr/>									
$\neg a$	$\text{F}$	$\text{F}$	$\text{F}$	$\text{F}$	$\text{w}$	$\text{w}$	$\text{w}$	$\text{w}$	$\text{w}$
$c \neg a$	$\text{F}$	$\bar{\text{w}}$	$\bar{\text{w}}$	$\bar{\text{w}}$	$\text{w}$	$\text{w}$	$\text{w}$	$\text{w}$	$\bar{\text{w}}$
$c \neg a \rightarrow b$	$\text{w}$	$\text{F}$	$\text{w}$						
<hr/>									
$I \leftrightarrow II$	$\bar{\text{w}}$	$\bar{\text{w}}$	$\text{F}$	$\text{w}$	$\text{w}$	$\text{w}$	$\text{F}$	$\text{F}$	$\text{F}$

$$E[A] = \{(\text{w}, \bar{\text{w}}), (\bar{\text{w}}, \text{w}), (\bar{\text{w}}, \bar{\text{w}})\}$$

$$3) \quad \frac{x \rightarrow \neg y \wedge z \leftrightarrow z \vee \neg x \rightarrow y}{}$$

x	$\perp$	$\perp$	$\perp$	$\perp$	$\perp$	$\top$	$\top$	$\perp$	$\perp$
y	$\perp$	$\perp$	$\perp$	$\top$	$\top$	$\perp$	$\perp$	$\perp$	$\top$
z	$\perp$	$\top$	$\perp$	$\top$	$\top$	$\perp$	$\perp$	$\perp$	$\perp$
$\neg y$	$\top$	$\top$	$\perp$	$\perp$	$\perp$	$\top$	$\top$	$\perp$	$\perp$
$\neg y \wedge z$	$\top$	$\top$	$\perp$	$\top$	$\top$	$\top$	$\perp$	$\perp$	$\top$
$x \rightarrow \neg y \wedge z$	$\top$	$\top$	$\perp$	$\top$	$\top$	$\top$	$\top$	$\top$	$\top$
$\neg x$	$\top$	$\top$	$\top$	$\top$	$\top$	$\perp$	$\perp$	$\perp$	$\perp$
$z \vee \neg x$	$\perp$	$\top$	$\perp$	$\top$	$\top$	$\perp$	$\perp$	$\perp$	$\perp$
$z \vee \neg x \rightarrow y$	$\perp$	$\perp$	$\top$	$\perp$	$\perp$	$\perp$	$\top$	$\top$	$\top$
$I \leftrightarrow E$	$\top$	$\top$	$\top$	$\top$	$\top$	$\perp$	$\perp$	$\top$	$\top$

$$E[A] = \{(\text{Final}, (\text{Final}))\}$$

$$1) \quad \neg(\alpha \wedge \beta) \vee (\beta \rightarrow c) \leftrightarrow \neg(\beta \rightarrow c) \wedge c$$

$$\begin{array}{c} \text{a} \\ \text{b} \\ \text{c} \end{array} \quad \begin{array}{c} \alpha \\ \beta \\ \gamma \end{array} \quad \begin{array}{c} \neg(\alpha \wedge \beta) \vee (\beta \rightarrow c) \\ \neg(\beta \rightarrow c) \wedge c \end{array}$$

$\alpha$	w	w	w	w	F	F	F	F
$\beta$	w	w	F	F	w	w	F	F
$c$	w	F	w	F	w	F	w	F
$\neg(\alpha \wedge \beta)$	w	w	F	F	F	F	F	F
$\alpha \wedge \beta \rightarrow c$	w	F	w	w	w	w	w	w
$\beta \rightarrow c$	w	F	w	w	w	F	w	w
$\neg(\beta \rightarrow c)$	w	F	w	w	F	F	F	F
$A_1 \leftrightarrow A_2$	w	w	w	w	F	F	F	F

$$E[A] = \{(www), (wwF), (wFw), (wFF)\} \leftrightarrow 800 \text{ (3)}$$

$A_2 \rightarrow A_1 : E[A] = 800 \text{ (3)} \rightarrow \text{Tautology, i.e. } A_2 \Rightarrow A_1 \text{ (Implication)}$